

783F

783  
F

نام

نام خانوادگی

محل امضاء



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

## آزمون دانش‌پذیری دوره‌های فرآگیر «کارشناسی ارشد» دانشگاه پیام نور

### مهندسی عمران (سازه) (کد ۲۰۷)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۷۵

#### عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	ریاضیات عالی مهندسی	۲۵	۱	۲۵
۲	تئوری الاستیسیته و پلاستیسیته	۲۵	۲۶	۵۰
۳	دینامیک سازه‌ها	۲۵	۵۱	۷۵

آذر ماه سال ۱۳۹۲

نمره منفی ندارد.  
استفاده از ماشین حساب مجاز نمی‌باشد.

-۱ سری فوریه  $x \sin$  در بازه  $\pi < x < -\pi$  کدام است؟

$$\cos x \quad (2)$$

$$1 + \cos x \quad (4)$$

$$\sin x \quad (1)$$

$$1 + \sin x \quad (3)$$

-۲ حاصل سری ...  $1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}$  کدام است؟

$$\frac{\pi^2}{12} \quad (2)$$

$$\frac{\pi^2}{36} \quad (4)$$

$$\frac{\pi^2}{6} \quad (1)$$

$$\frac{\pi^2}{24} \quad (3)$$

-۳ حاصل انتگرال  $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{w^4 \sin wx}{w^4 + 4} dw$  کدام است؟ ( $w > 0$ )

$$\frac{\pi}{2} e^{-x} \sin x \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} e^{-x} \cos x \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{4} e^{-x} \cos x \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{4} e^{-x} \sin x \quad (3)$$

-۴ در چارچوب ارزیابی تابع دلتای دیراک حاصل  $\int_{-\infty}^{\infty} \delta(x - \xi) dx$  کدام است؟

(2) صفر

(4)  $\infty$

(1) صفر

(3)  $\infty$

-۵ تابع  $f(x) = x^2$ ،  $x < 2$ ،  $x > 2$  چه نوع تابعی است؟

(2) فرد

(4) نه فرد نه زوج

(1) زوج

(3) هم زوج هم فرد

-۶ حد تابع  $f(z) = z^2$  در نقطه  $z = 2 + 3i$  کدام است؟

$$-5 + 12i \quad (2)$$

$$+5 - 12i \quad (4)$$

$$-5 + 8i \quad (1)$$

$$+5 - 8i \quad (3)$$

-۷ تابع  $f(z) = \begin{cases} \bar{z}, & |z| < 1 \\ z, & |z| \geq 1 \end{cases}$  در خارج دایره  $|z| = 1$  و داخل این دایره و روی آن است.

(2) تحلیلی - تحلیلی

(4) غیرتحلیلی - غیرتحلیلی

(1) غیرتحلیلی - تحلیلی

(3) تحلیلی - غیرتحلیلی

-۸ مزدوج همساز تابع  $y = x^2 - y^2 + x - 4y$  کدام است؟ (c مقدار ثابت است).

$$v = 2xy + 4x + y + c \quad (2)$$

$$v = 2xy - 4x + y + c \quad (4)$$

$$v = 4xy + 2x + y + c \quad (1)$$

$$v = 4xy - 2x + y + c \quad (3)$$

-۹ نقش خط  $y = 2x$  را با تبدیل خطی  $w = (1+i)z + 2 - 3i$  کدام است؟

$$2u - v = 3 \quad (2)$$

$$2u + v = 3 \quad (4)$$

$$2u - v = 3 \quad (1)$$

$$2u + v = 3 \quad (3)$$

- ۱۰ مشتق تابع  $w = \sin z$  در فاصله  $\pi < x < -\pi$  همه جا به جزء ..... مخالف صفر بوده و بنابراین این تابع در همه نقاط واقع در نوار  $\pi \leq x \leq -\pi$  به جزء در نقاط ..... همدیس است.

$$z = \pm \frac{\pi}{2}, x = \pm \pi \quad (2)$$

$$z = \pm \pi, x = \pm \pi \quad (4)$$

$$z = \pm \frac{\pi}{2}, x = \pm \frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$z = \pm \pi, x = \pm \frac{\pi}{2} \quad (3)$$

حاصل انتگرال  $\int z^2 dz$  در طول دایره  $|z| = 1$  کدام است؟

(۲) یک

(۴)  $2\pi$

(۱) صفر

(۳)  $\pi$

- ۱۱ اگر تابع  $f(z)$  در بسط لوران داشته باشد، آنگاه حد آن وقتی  $z \rightarrow 0$  کدام است؟

(۲) یک

(۴)  $\infty$

(۱) صفر

(۳)  $\pi$

- ۱۲ معادل عبارت  $\tanh^{-1} z$  کدام است؟

$$\frac{1}{2} \ln \frac{1-z}{1+z} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \ln \frac{1+z}{1-z} \quad (4)$$

$$\ln \frac{1+z}{1-z} \quad (1)$$

$$\ln \frac{1-z}{1+z} \quad (3)$$

- ۱۳ معادله لاپلاس را در صفحه مختلط به چه صورتی می‌توان نوشت؟

$$\frac{\partial^2 u}{\partial z \partial \bar{z}} = 0 \quad (2)$$

$$\frac{\partial u}{\partial z} \cdot \frac{\partial v}{\partial \bar{z}} = 0 \quad (4)$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial z^2} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial \bar{z}^2} = 0 \quad (3)$$

- ۱۴ اگر در یک مسئله بیضوی، مقدار جواب بر کران مشخص باشد، مسئله به چه مسئله‌ای موسوم می‌شود؟

(۲) رویمن

(۴) اویلر

(۱) نیومن

(۳) دیریکله

- ۱۵ با حل معادله لاپلاس ..... با توجه به آنکه توزیع پتانسیل، یعنی  $u$ ، بر سطح اجسام در نقاط A و B مشخص هستند،

- ۱۶ مقدار  $u$  مشخص می‌شود و با ..... از آن،  $u$  مقدار نیروی وارد در هر نقطه محاسبه می‌شود. (توجه: در نقاط A و B به

- ترتیب یک جسم با توزیع بارهای الکترویکی ناهمگن و یک جسم همگن قرار داده شده است.)

$$\nabla^2 u = 0, \text{ گرادیان گیری} \quad (2)$$

$$\nabla u = 0, \text{ انتگرال گیری} \quad (4)$$

$$\nabla^2 u = 0, \text{ گرادیان گیری} \quad (1)$$

$$\nabla u = 0, \text{ انتگرال گیری} \quad (3)$$

- ۱۷ تبدیل کسینوسی فوریه معکوس تابع  $e^{-w}$  کدام است؟

$$F_c^{-1}\{e^{-w}\} = \sqrt{\frac{2}{\pi}} \int_0^\infty e^{-w} \cos wx dw \quad \text{راهنمایی:}$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{1+x^2} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{2}{\pi}} \frac{1}{1-x^2} \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1-x^2} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1+x^2} \quad (3)$$

-۱۸ حاصل عبارت  $\frac{1}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} x \sin nx dx$  کدام است؟

$-\frac{n}{2}$  (۲)  $\frac{n}{2}$  (۱)

$-\frac{\pi}{n}$  (۴)  $\frac{\pi}{n}$  (۳)

-۱۹ انتگرال از عبارت  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^r} \cos(nx)$  منجر به کدام رابطه می‌شود؟

$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n^r} \sin(nx)$  (۲)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n^r} \sin(nx)$  (۱)

$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^r} \sin(nx)$  (۴)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{n^r} \sin(nx)$  (۳)

-۲۰ حاصل عبارت  $\cot(\alpha\pi)$  به کدام صورت نوشته می‌شود؟

$\frac{2\alpha}{\pi} \left( \frac{1}{2\alpha^2} + \frac{1}{\alpha^2 - 1} + \frac{1}{\alpha^2 - 2^2} + \dots + \frac{1}{\alpha^2 - n^2} + \dots \right)$  (۱)

$\frac{2\alpha}{\pi} \left( \frac{1}{2\alpha^2} - \frac{1}{\alpha^2 - 1} + \frac{1}{\alpha^2 - 2^2} - \dots - \frac{1}{\alpha^2 - n^2} + \dots \right)$  (۲)

$\frac{4\alpha}{\pi} \left( \frac{1}{2\alpha^2} + \frac{1}{\alpha^2 - 1} + \frac{1}{\alpha^2 - 2^2} + \dots + \frac{1}{\alpha^2 - n^2} + \dots \right)$  (۳)

$\frac{4\alpha}{\pi} \left( \frac{1}{2\alpha^2} - \frac{1}{\alpha^2 - 1} + \frac{1}{\alpha^2 - 2^2} - \dots - \frac{1}{\alpha^2 - n^2} + \dots \right)$  (۴)

-۲۱ انتگرال فوریه تابع  $f(x) = \begin{cases} x, & 0 < x < a \\ 0, & x > a \end{cases}$  در صورتی که  $f(-x) = f(x)$  باشد کدام یک از فرمول‌های زیر است؟

$f(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^\infty \frac{1}{w} (a \cos aw + \frac{1}{w} (\sin aw - 1)) \sin wx dx$  (۱)

$f(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^\infty \frac{1}{w} (a \sin aw + \frac{1}{w} (\cos aw - 1)) \sin wx dx$  (۲)

$f(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^\infty \frac{1}{w} (a \sin aw + \frac{1}{w} (\cos aw - 1)) \cos wx dx$  (۳)

$f(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^\infty \frac{1}{w} (a \cos aw + \frac{1}{w} (\sin aw - 1)) \cos wx dx$  (۴)

-۲۲ تابع دلتای دیراک در نقطه  $\xi = x$  به صورت  $\delta(x - \xi)$  نمایش داده می‌شود، در این صورت حاصل عبارت

$\int_{-\infty}^{\infty} \delta(x - \xi) dx$  کدام است؟

۱) (۲)

$\infty$  (۱)

۴) نمی‌توان تعیین نمود.

۳) صفر

-۲۳ حل مسئله زیر، برابر کدام یک از عبارت زیر است؟

$$u_{tt} = u_{xx}$$

$$u(x, \circ) = \begin{cases} 1, & 0 < x < 1 \\ 0, & x > 1 \end{cases}, \quad u_t(x, \circ) = 0, \quad u_x(\circ, t) = 0$$

$$u(x, t) = \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{\sin w}{w} \sin wt \sin wx dw \quad (2)$$

$$u(x, t) = \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{\cos w}{w} \sin wt \sin wx dw \quad (1)$$

$$u(x, t) = \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{\cos w}{w} \cos wt \cos wx dw \quad (4)$$

$$u(x, t) = \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{\sin w}{w} \cos wt \cos wx dw \quad (3)$$

-۲۴ برای حل یک مسئله معادلات با مشتقهای جزئی، دانستن کدام قواعد ریاضی ضروری است؟

(۲) مشتق‌گیری - توابع مختلط

(۴) انتگرال‌گیری - معادلات دیفرانسیل

-۲۵ هرگاه  $y = f(x)$  یک تابع به طور تکه‌ای هموار باشد، تبدیل سینوسی فوریه متناهی تابع  $f(x)$  به چه صورتی خواهد بود؟

$$\frac{2}{L} \int_0^L f(x) \sin \frac{n\pi}{L} x dx \quad (2)$$

$$\frac{2}{L} \int_0^L f(x) \cos \frac{n\pi}{L} x dx \quad (4)$$

$$\frac{2}{L} \int_0^L f(x) \cos \frac{nL}{\pi} x dx \quad (1)$$

$$\frac{2}{L} \int_0^L f(x) \sin \frac{nL}{\pi} x dx \quad (3)$$

## تئوری الاستیسیته و پلاستیسیته

-۲۶ در حالت کلی بودار تنش در یک نقطه علاوه بر وابستگی به موقعیت هندسی نقطه به کدام مورد دیگر وابسته می‌باشد؟

(۱) راستای سطح عبوری از نقطه (برداریکه)

(۲) گشتاور منتجه در روی سطح پرش

(۳) محورهای مختصات محلی

(۴) کرنش‌های محوری و چرخشی

کمیت تنش، یک کمیت ..... است و دارای ..... مؤلفه می‌باشد که فقط ..... مؤلفه مستقل هستند.

(۱) فیزیکی - ۶ - ۳      (۲) تانسوری - ۶ - ۳      (۳) فیزیکی - ۹ - ۶      (۴) تانسوری - ۶ - ۹

-۲۷ کدام معادله شرایط مرزی نیرویی را بیان کرده و برای حل معادلات دیفرانسیل الاستیسیته مورد استفاده قرار می‌گیرد؟

(۱) رابطه‌ای بین مؤلفه‌های تانسور تنش در یک نقطه اختیاری از جسم و مؤلفه‌های تانسور کرنش متناظر هر یک در همان نقطه

(۲) رابطه‌ای بین مؤلفه‌های تانسور تنش در روی سطوح مثبت و در راستای مثبت محورها و مؤلفه‌های تانسور تنش در روی سطوح و نقطه مقابل

(۳) رابطه‌ای بین بردار تنش در روی سطحی با بردار یکه  $n$  بر حسب بردار تنش بر روی سطوح عمود بر محور مختصات در همان نقطه

(۴) رابطه‌ای بین مؤلفه‌های تانسور تنش در یک نقطه مرزی یک جسم تحت تنش و مؤلفه‌های نیروی گسترده اعمالی به آن جسم در همان نقطه

-۲۸ چنانچه تانسور تنش در نقطه‌ای از یک جسم تحت تنش بصورت

$$t^k = \sigma_{ij} e_j = \begin{bmatrix} 5 & 20 & 10 \\ 10 & 30 & 0 \\ 10 & 0 & 20 \end{bmatrix}$$

باشد، بردار تنش

کدام است؟

$$10i + 30j \quad (4) \quad 10i + 20k \quad (3) \quad 5i + 30j + 20k \quad (2) \quad 5i + 10j + 10k \quad (1)$$

-۳۰ تانسور تنش در استوانهای با معادله  $x^2 + y^2 = 4$  بصورت  $\sigma_{ij} = \begin{bmatrix} 2 & -2x & 0 \\ -2x & 0 & 5y^2 \\ 0 & 5y^2 & 6yz \end{bmatrix}$  باشد که در آن  $x$  و  $y$  و  $z$

مختصات هر نقطه است، برداریکه عمود بر سطح کدام است؟

$$\frac{x}{2}\mathbf{i} + \frac{y}{2}\mathbf{j} - 4 \quad (4) \quad 2xi + 2yj - 4 \quad (3) \quad 2xi + 2yj \quad (2) \quad \frac{x}{2}\mathbf{i} + \frac{y}{2}\mathbf{j} \quad (1)$$

با توجه به اطلاعات سؤال ۳۰، مؤلفه‌های بردار یکه در نقطه‌ای به مختصات (۱, ۲) کدام است؟

$$-0/\sqrt{25}\mathbf{i} + 0/\sqrt{25}\mathbf{j} - 2 \quad (2) \quad -0/\sqrt{25}\mathbf{i} + 0/\sqrt{25}\mathbf{j} \quad (1)$$

$$-0/\sqrt{25}\mathbf{i} + 0/\sqrt{25}\mathbf{j} - 2 \quad (4) \quad -0/\sqrt{25}\mathbf{i} + 0/\sqrt{25}\mathbf{j} \quad (3)$$

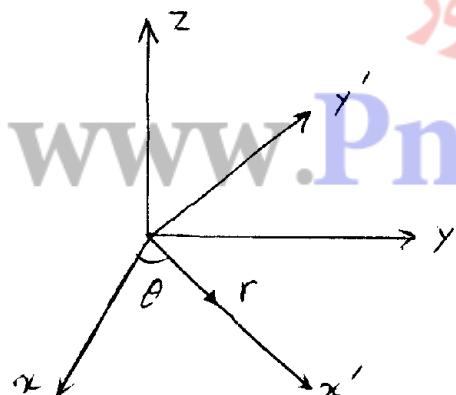
با توجه به دو سؤال ۳۰ و ۳۱، بردار تنش در نقطه P کدام است؟

$$t^n = -\sqrt{3}\mathbf{i} + 2\mathbf{j} + 2/\sqrt{5}\mathbf{k} \quad (2) \quad t^n = \sqrt{3}\mathbf{i} - 2\mathbf{j} - 2/\sqrt{5}\mathbf{k} \quad (1)$$

$$t^n = -2\sqrt{3}\mathbf{i} - 2\mathbf{j} + 2/\sqrt{5}\mathbf{k} \quad (4) \quad t^n = 2\sqrt{3}\mathbf{i} - 2\mathbf{j} - 2/\sqrt{5}\mathbf{k} \quad (3)$$

-۳۳ تانسور تنش در دستگاه قطبی  $r \theta z$  نشان داده شده در شکل زیر، بصورت  $a_{ij} = \begin{bmatrix} \sigma_r & \tau_{r\theta} & \tau_{rz} \\ \tau_{r\theta} & \sigma_\theta & \tau_{\theta z} \\ \tau_{rz} & \tau_{\theta z} & \sigma_z \end{bmatrix}$  باشد. ضرایب

کسینوس‌های هادی بردار یکه  $e'_i$  با بردار یکه  $e_j$  کدام است؟



$$\begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ -\sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta & 0 \\ \sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$\begin{bmatrix} \sin\theta & \cos\theta & 0 \\ -\cos\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$\begin{bmatrix} \sin\theta & \cos\theta & 0 \\ \cos\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

-۳۴ اقطار اصلی بیضوی تنش لامه کدام است؟

$$2\sigma_3, 2\sigma_2, 2\sigma_1 \quad (4) \quad 2\sigma_3, \sigma_2, \sigma_1 \quad (3) \quad \sigma_3, 2\sigma_2, \sigma_1 \quad (2) \quad \sigma_3, \sigma_2, 2\sigma_1 \quad (1)$$

-۳۵ اگر میدان جابجایی بصورت زیر باشد:  
 $u_1 = 0/001(x_1 - 2x_2)$ ,  $u_2 = 0/001(3x_1 - 2x_2)$ ,  $u_3 = 0/003(x_1 - 3x_3)$

ماتریس گرادیان تغییر شکل کدام است؟

$$(2) \begin{bmatrix} 1+0/001 & -0/002 & 0 \\ 0/003 & 1-0/002 & 0 \\ 0 & 0 & 1+0/003 \end{bmatrix} \quad (1) \begin{bmatrix} 1+0/003 & 1+0/001 & 0 \\ 0/001 & 0/002 & 0 \\ 0 & 0 & 0/003 \end{bmatrix}$$

$$(4) \begin{bmatrix} 0/003 & 1-0/002 & 0 \\ 0/002 & 1+0/001 & 0 \\ 0 & 0 & 0/003 \end{bmatrix} \quad (3) \begin{bmatrix} 1-0/002 & 1+0/001 & 0 \\ 0/002 & 0/003 & 0 \\ 0 & 0 & 1+00/1 \end{bmatrix}$$

-۳۶ در یک جسم الاستیک، مؤلفه‌های تنش با مشتق‌گیری از ..... انرژی ارجاعی نسبت به مؤلفه تغییر شکل نسبی مربوط قابل حصول است.

- (۱) تابع اصلی ایری      (۲) تابع اصلی تنش  
 (۳) تابع تابیدگی      (۴) تابع چگالی

-۳۷ چنانچه E مدول ارجاعی و v ضریب پواسون باشد، ضریب لامه  $\lambda$  کدام است؟

$$(4) \frac{E}{(1+v)(1-2v)} \quad (3) \frac{vE}{(1+v)(1-2v)} \quad (2) \frac{vE}{(1+v)(1+2v)} \quad (1) \frac{E}{(1+v)(1+2v)}$$

-۳۸ در بررسی مسئله برش خالص در یک مکعب، اگر تنش برشی  $\tau$  روی چهار وجه عمود بر محورهای  $x_2$ ,  $x_3$  و به موازات سطح  $x_2x_3$  اعمال شده باشد، در اینصورت  $\sigma_{23} = \sigma_{31} = \sigma$  دارای چه مقادیری خواهد بود؟

$$(1) \text{ صفر و صفر} \quad (2) \tau \text{ و صفر} \quad (3) \tau \text{ و } \frac{1}{2\mu}$$

-۳۹ با توجه به سؤال ۳۸ و با بررسی تغییر شکل مکعب، مفهوم فیزیکی ضریب  $\lambda$  کدام است؟

- (۱) ضریب هادی      (۲) ضریب ارجاعی      (۳) مدول برشی      (۴) مدول نرمی

-۴۰ براساس تعریف کوشی، برای مواد ایزوتروپیک، محورهای اصلی تنش و تغییر شکل نسبی نسبت به هم چگونه‌اند؟

- (۱) متعامد      (۲) متقطع      (۳) موازی      (۴) منطبق

-۴۱ چنانچه ماده غیرایزوتروپیکی تحت اثر میدان حرارتی با تغییرات یکنواخت قرار گیرد.....

(۱) هیچ تنش حرارتی بوجود نمی‌آید.

(۲) در آن تنش حرارتی بوجود می‌آید.

(۳) بسته به شرایط تکیه‌گاهها، ممکن است تنش حرارتی بوجود آید یا نیاید.

(۴) متناسب با مدول ارجاعی و ضریب انبساط حرارتی، تنش حرارتی برابر تنش الاستیک خواهد بود.

-۴۲ انرژی ارجاعی یک ماده خطی .....

(۱) را می‌توان بر حسب مؤلفه‌های تنش نیز نوشت.

(۲) را نمی‌توان بر حسب مؤلفه‌های تنش نوشت.

(۳) فقط بر حسب مؤلفه‌های کرنش قابل بیان است.

(۴) در صورتی که تنش حرارتی صفر باشد، می‌توان بر حسب مؤلفه‌های تنش نیز نوشت.

- ۴۳ هرگاه برای حل معادلات ۱۵ گانه الاستیسیته برای مواد ایزوتروپیک در مسائل دو بعدی، این معادلات بر حسب مؤلفه های جابجایی تنظیم شوند .....  
 ۱) با توجه به معین بودن مسئله، فقط معادلات پایداری لازم است.  
 ۲) به دلیل وجود نامعینی، نیاز به سه معادله اضافی است.  
 ۳) کاربرد معادلات همسازی لازم است.  
 ۴) احتیاجی به کاربرد معادلات همسازی نیست.
- ۴۴ اگر یک جسم منشوری شکل همگن و ایزوتروپیکی به طول  $L$  و سطح مقطع یکنواخت A از تکیه گاه مناسبی آویزان شده و تحت اثر نیروی وزن خود قرا گیرد، در میدان تنش آن مقادیر  $\sigma_{xy}$  و  $\sigma_z$  به ترتیب کدام است (ρ چگالی، g شتاب ثقل،  $E$  ضریب پواسون و Mدول ارجاعی است و محور z در جهت آویزان می باشد)?  
 ۱) صفر و  $\rho g z$  ۲) صفر و  $\rho g z$  ۳) صفر و  $\rho g z$  ۴) صفر و  $\rho g z$
- ۴۵ با توجه به سؤال ۴۴، در میدان کرنش، مقادیر  $\epsilon_z$  و  $\epsilon_{yz}$  به ترتیب کدام است?  
 ۱)  $\frac{\rho g}{E} z$  و صفر ۲)  $\frac{\rho g}{E} z$  و صفر ۳) صفر و  $\frac{\rho g}{E} z$  ۴) صفر و  $\frac{\rho g}{E} z$
- ۴۶ با توجه به روابط حاکم در الاستیسیته، تغییر شکل و تنش های یک جسم در حالت کرنش مستوی، کلاً توسط چند تابع مشخص می شود؟  
 ۱)  $x_1, x_2, x_3$  ۲)  $x_1, x_2, x_3$  ۳)  $x_1, x_2$  ۴)  $x_1, x_2, x_3$
- ۴۷ در یک مسئله تنش مستوی نیروی پیکره در راستای ..... بدون مؤلفه بوده و مؤلفه های آن در دو راستای دیگر، مستقل از ..... هستند.  
 ۱)  $V = -\varphi z y$  ۲)  $V = -\varphi z x$  ۳)  $V = -\varphi z y$  ۴)  $V = -\varphi z x$
- ۴۸ کدام مورد جزء پراتورهایی که در حل مسائل الاستیسیته کاربرد دارند، محسوب نمی شود?  
 ۱) لاگرانژین ۲) دیورژانس ۳) لاپلاسین ۴) کرن
- ۴۹ در بررسی پدیده پیچش اعضای منشوری، چنانچه پیچش در جهت محور z و φ زاویه پیچش بر واحد طول عضو باشد، براساس حل سنت و نانت و در میدان جابجایی به ترتیب کدام رابطه زیر برقرار است?  
 ۱)  $V = -\varphi z y$  و صفر ۲)  $V = -\varphi z x$  و صفر ۳)  $V = -\varphi z y$  و  $u = \varphi z x$  ۴)  $V = -\varphi z x$  و  $u = \varphi z y$
- ۵۰ در بین تمام وضایت های ممکن تغییر شکل سازگار با شرایط مرزی مشخص یک جسم، تنها تغییر شکل ..... سیستم (تغییر شکلی که تعادل را ارضا کند) است که منجر به ..... شدن انرژی پتانسیل کل می شود.  
 ۱) حقيقی - حداقل ۲) مجازی - حداقل ۳) حقيقی - ايستا ۴) مجازی - ايستا
- دینامیک سازه ها
- 
- ۵۱ اینرسی چو خشی یک صفحه دایره ای شکل به شعاع R و جرم کل m بر حسب  $mR^2$  کدام است?  
 ۱)  $\frac{1}{2}$  ۲)  $\frac{1}{4}$  ۳)  $\frac{1}{12}$  ۴)  $\frac{1}{4}$
- ۵۲ معادله رفتار دینامیکی یک سیستم از سه روش قابل حصول است. کدام گزینه جزء این روش ها نمی باشد?  
 ۱) تغییر مکان های مجازی (کار مجازی)  
 ۲) اصل هامیلتون (انرژی)  
 ۳) تعادل دینامیکی (اصل دالمبر)  
 ۴) پایداری شبیه دینامیکی (طیفی)
- ۵۳ در حل معادلات دیفرانسیل حاکم بر رفتار دینامیکی سازه ها، به جواب عمومی چه اصطلاحی اطلاق می شود?  
 ۱) ارتعاش استهلاکی ۲) ارتعاش تشدید شده ۳) ارتعاش آزاد ۴) ارتعاش الاستیک

- ۵۴ مفهوم دینامیکی تواتر (فرکانس زاویه‌ای) ارتعاش طبیعی (۰) کدام است؟
- تعداد سیکل ارتعاش در واحد زمان  $2\pi$  ثانیه
  - میزان تأثیر جرم در پاسخ
- ۵۵ چنانچه نسبت وزن معادل  $W$  به سختی  $k$  یک سیستم دینامیکی یک درجه آزادی برابر  $981\text{cm}$  باشد در این صورت پریود ارتعاش آزاد سیستم چند ثانیه خواهد بود؟
- $1/57$
  - $3/14$
  - $4/65$
  - $6/28$
- ۵۶ در یک تیر دو سرگیردار به طول دهانه  $L$  و سختی خمسی  $EI$  مقدار سختی وسط دهانه در جهت قائم کدام است؟
- $\frac{192EI}{L^3}$
  - $\frac{148EI}{L^3}$
  - $\frac{24EI}{L^3}$
  - $\frac{3EI}{L^3}$
- ۵۷ در سازه‌های متعارف، مقدار میرایی نسبت به میرایی بحرانی چگونه است؟
- برابر
  - بیشتر
  - خیلی کمتر
  - بسیگی به سختی و جرم سازه دارد.
- ۵۸ با توجه به میزان درصد میرایی در سازه‌ها، تأثیر آن بر روی پریود ارتعاش طبیعی چگونه است؟
- کم
  - بسیار زیاد
  - قابل اغماض
  - بسیگی به جرم دارد.
- ۵۹ شکل ریاضی جواب ارتعاش آزاد طبیعی با میرایی سازه‌ها چگونه است؟
- هارمونیک
  - نوسانی پله‌ای
  - اکسپونانسیل
  - نوسانی غیر منظم
- ۶۰ چنانچه نسبت فرکانس بارگذاری هارمونیکی به فرکانس ارتعاش آزاد یک سیستم با  $\beta$  نشان دهیم. در این صورت ضریب بزرگنمایی دینامیکی در حالت بدون میرایی چقدر است؟
- $1-\beta^2$
  - $1-\beta$
  - $\frac{1}{1-\beta^2}$
  - $\frac{1}{1-\beta}$
- ۶۱ با توجه به سوال ۶۰، ضریب بزرگنمایی دینامیکی در حالت بامیرایی برابر کدام است؟ ( $\beta$  درصد میرایی است)
- $\frac{1}{2\beta}$
  - $\frac{1}{2\beta^2}$
  - $\frac{1}{2\beta}$
  - $\frac{1}{2\beta^2}$
- ۶۲ در بررسی مساله کاهندگی ارتعاش، منحنی‌های مختلف بیان کننده تغییرات ضریب قابلیت انتقال ارتعاش (TR) برحسب  $\beta$  و به ازای درصد میرایی ..... همگی در حالت ..... از یک نقطه می‌گذرند.
- مختلف -  $\beta = 1$
  - مختلف -  $\beta = \sqrt{2}$
  - پایین -  $\beta = 1$
  - پایین -  $\beta = \sqrt{2}$
- ۶۳ راهکار ساده برای تحلیل دینامیکی سازه‌ها در برابر بارهای پریودیک کدام است؟
- تبديل بار پریودیک به یک بارگذاری معادل ضربه‌ای
  - استفاده از طیف پاسخ بارگذاری پریودیک معادل
  - تبديل بار پریودیک به مولفه‌های هارمونیک توسط سری فوریه
  - جایگذاری بارهای پریودیک با شرایط اولیه تغییر مکان و سرعت معادل
- ۶۴ در تحلیل دینامیکی سازه‌ها در برابر بارهای ضربه‌ای آتی، درچه صورتی می‌توان از تغییر مکان سیستم در فاز بارگذاری (در مدت اعمال نیرو) صرف نظر نمود (۱ مدت تداوم بار -  $T$  پریود ارتعاش آزاد)؟
- $t_d \leq \frac{T}{4}$
  - $t_d \geq \frac{T}{4}$
  - $t_d \leq \frac{T}{2}$
  - $t_d \geq \frac{T}{2}$

- ۶۵ در تحلیل دینامیکی یک قاب یک طبقه چنانچه سختی معادل جانبی آن  $\frac{N}{m} = 10 \times 10^9$  و دامنه بارگذاری ضربه‌ای نیم سینوسی  $N = 10^6 \times 5$  باشد، حداکثر تغییر مکان افقی قاب (بر حسب سانتی‌متر) در صورتی که ضربی بزرگنمایی دینامیکی از طیف مربوطه برابر  $1/72$  قرائت شده باشد، کدام است؟
- (۱)  $1/5$       (۲)  $1/5$       (۳)  $1/5$       (۴)  $2$
- ۶۶ اگر در سوال ۶۴، به جای بارگذاری ضربه‌ای نیم سینوسی از بارگذاری ضربه‌ای مثلثی با همان دامنه استفاده کنیم، مقدار تغییر مکان حداکثر چگونه تغییر می‌کند؟
- (۱) حتماً کاهش می‌یابد.  
 (۲) حتماً افزایش می‌یابد.  
 (۳) بسته به ضربی بزرگنمایی جدید، تغییر خواهد کرد.  
 (۴) با توجه به ماهیت بارگذاری ضربه‌ای، تغییری حاصل نمی‌شود.
- ۶۷ کاراترین روش برای تحلیل دینامیکی سازه‌ها کدام است؟
- (۱) انگرال دیو یا مول به روش عددی  
 (۲) استفاده از طیف‌های پاسخ  
 (۳) تحلیل‌های شبیه دینامیکی (طیفی)  
 (۴) حل معادلات دینامیکی به صورت تقریبی
- ۶۸ ماهیت اکثر رفتارهای غیر خطی سازه‌ها در حالت دینامیکی کدام است؟
- (۱) فرکانسی (توترهای مؤثر در تاریخچه زمانی)  
 (۲) فیزیکی (عدم پیروی مصالح از قانون هوک)  
 (۳) هندسی (تغییر مکان‌های بزرگ)  
 (۴) کمانشی (تأثیر  $P - \Delta$  در ستون‌ها)
- ۶۹ در میان روش‌های عددی متعدد برای تحلیل دینامیکی سازه‌ها، انگرال‌گیری گام به گام با فرض شتاب ..... دقت بیشتری دارد.
- ۷۰ (۱) ثابت  
 (۲) منفی  
 (۳) متوسط  
 (۴) خطی
- مهمنترین پارامتر مؤثر در تبدیل طیف‌های پاسخ خطی به غیر خطی برای تحلیل دینامیکی سازه‌ها کدام است؟
- (۱) ضربی سختی  
 (۲) فاصله گام زمانی  $\Delta t$   
 (۳) درصد میرایی بحرانی  
 (۴) ضربی شکل بذیری
- ۷۱ اساس روش رایله در تعیین پریود غالب و اصلی ارتعاشات سازه‌ها کدام است؟
- (۱) در نظرگیری مقدار میرایی متناسب با ترکیب جرم و سختی  
 (۲) در نظرگیری مفصل پلاستیک در محل صحیح آن  
 (۳) تقسیم سازه صلی به چند زیرسازه کوچکتر  
 (۴) تساوی انرژی پتانسیل و جنبشی در حالت حداکثر
- ۷۲ در مدل سازی تحلیلی یک سازه چند درجه آزادی به روش جرم متumer کز، ماتریس جرم به صورت ..... تعیین می‌گردد؟
- (۱) متفاوت  
 (۲) قطری  
 (۳) قرینه  
 (۴) پر
- ۷۳ اگر برای یک سیستم دینامیکی معادل دو درجه آزادی، ماتریس جرم به صورت  $\begin{bmatrix} 20 & 15 \\ 15 & 12 \end{bmatrix}$  و ماتریس سختی به صورت  $\begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$  باشند، (واحدهای هماهنگ شده فرض گردد) در این صورت ضربی عددی (فاکتور کمی) فرکانس زاویه‌ای مسود اول چقدر است؟
- (۱)  $1/58$       (۲)  $2/49$       (۳)  $3/14$       (۴)  $4/35$
- ۷۴ با توجه به اطلاعات سوال ۷۳، نسبت دامنه‌ها در مود اول کدام است؟
- (۱)  $-1/381$       (۲)  $0/652$       (۳)  $1/831$

-۷۵ چنانچه یک میله یکنواخت آزاد را در جهت طولی (محوری) به صورت ۳ درجه آزادی (دو درجه محوری در انتهای و یک درجه محوری در وسط دهانه) مدل نمائیم، در این صورت مقدار فرکانس زاویه‌ای و شکل مود اول کدام خواهد بود؟

$$\begin{cases} 1 \\ 0 \\ 1 \end{cases}$$

۴) یک و

$$\begin{cases} 1 \\ 1 \\ 1 \end{cases}$$

۳) یک و

$$\begin{cases} 1 \\ 0 \\ 1 \end{cases}$$

۲) صفر و

$$\begin{cases} 1 \\ 1 \\ 1 \end{cases}$$

۱) صفر و

خبرپیامور  
[www.PnuNews.com](http://www.PnuNews.com)