



سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: آنالیز عددی، آنالیز عددی ۱

روش تحلیلی/گد درس: ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض) ۱۱۱۰۴۳ - ، آمار ۱۱۱۰۸۹ - ، علوم کامپیوتر(چندبخشی) ۱۱۱۱۲۹۱ - ، آموزش ریاضی ۱۱۱۱۲۹۱

- اگر  $0 \neq f(\alpha) f''(\alpha)$  باشد که در آن  $\alpha$  ریشه  $f(x) = 0$  است، مرتبه همگرایی روش نیوتون کدام است؟

۱. ۱ ۲. ۲ ۳. حداقل ۱ ۴. حداقل ۲

- تعداد ریشه های مثبت معادله  $P(x) = x^3 - 3x^2 + 2x + 1 = 0$  کدام است؟

۱. این معادله ۲ ریشه مثبت دارد.  
 ۲. این معادله ریشه مثبت ندارد.  
 ۳. این معادله یا ۲ ریشه مثبت دارد یا ریشه مثبت ندارد.  
 ۴. این معادله ۳ ریشه مثبت دارد.

- اگر  $p(x)$  یک چندجمله ای از درجه  $n$  باشد، روش هورنر برای محاسبه  $p(a)$  به چند ضرب نیاز دارد؟

$$n^2 \cdot 4 \quad 2n \cdot 3 \quad \frac{n(n+1)}{2} \cdot 2 \quad n \cdot 1$$

تابع جدولی زیر را در نظر بگیرید

$x_i$	-1	0	1	2
$f_i$	-1	1	1	5

- در تابع جدولی زیر  $L_2(x)$  کدام است؟

$x_i$	-1	0	1	2
$f_i$	1	1	3	7

$$\frac{-x^3 + x^2 + 2x}{2} \cdot 2 \quad \frac{x^3 - x^2 - 2x}{2} \cdot 1$$

$$\frac{-x^3 + 2x^2 + x - 2}{2} \cdot 4 \quad \frac{x^3 - 2x^2 - x + 2}{2} \cdot 3$$

- اگر  $x_0, x_1, \dots, x_{10}$  نقاط متساوی الفاصله با طول گام یک باشند،  $f[x_0, x_1, \dots, x_{10}]$  با کدام گزینه برابر است؟

$$\frac{\Delta^{11}f_0}{11!} \cdot 4 \quad \frac{\Delta^{10}f_0}{10!} \cdot 3 \quad \frac{\Delta^{11}f_0}{11!} \cdot 2 \quad \frac{\Delta^{10}f_0}{10!} \cdot 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: آنالیز عددی، آنالیز عددی ۱

روش تحصیلی/ گد درس: ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض) ۱۱۱۰۴۳ - ، آمار ۱۱۱۰۸۹ - ، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۲۹۱ - ، آموزش

www.PnuNews.Com

www.PnuNews.net

ریاضی ۱۱۱۱۲۹۱

-۱۳- خط کمترین مربعات برای نقاط  $(2, 3), (1, 2), (0, 2), (-1, 1), (-2, 0)$  کدام است؟

$$y = 1.4x + 0.8 \quad .4$$

$$y = 0.8x + 1.4 \quad .3$$

$$y = 1.6x + 0.7 \quad .2$$

$$y = 0.7x + 1.6 \quad .1$$

-۱۴- اگر  $P(x)$  چندجمله‌ای درونیاب تابع  $f(x)$  در نقاط  $x_0, x_1, x_2, \dots, x_n$  باشد، کدام گزینه در  $|f(x) - P(x)|$  تاثیر دارد؟

$$\cdot x \in [x_0, x_4] \quad |f^{(5)}(x)| \quad .2$$

$$\cdot x \in [x_0, x_4] \quad |f^{(4)}(x)| \quad .1$$

. روشی که برای درونیابی به کار می‌رود.

. فاصله بین نقاط  $x_0, x_1, x_2, \dots, x_4$ .

-۱۵- در چه صورت چند جمله‌ای درونیاب تابع  $f$  در نقاط متمایز  $x_0, x_1, x_2, \dots, x_n$ ، با خود  $f$  برابر است؟

.  $f$  یک تابع خطی باشد.

.  $f$  یک چند جمله‌ای باشد.

.  $f$  یک چند جمله‌ای حداکثر از درجه  $n$  باشد.

.  $f$  یک تابع کراندار باشد.

-۱۶- تقریبی از ریشه معادله  $\cos(x) = 0$  به روش تکرار ساده و با انتخاب  $x_0 = -0.7$  به گونه‌ای که  $|f(x_n)| < 10^{-2}$  باشد، کدام است؟

$$-0.7215 \quad .4$$

$$-0.7444 \quad .3$$

$$-0.7508 \quad .2$$

$$-0.7311 \quad .1$$

-۱۷- خطای فرمول مشتقگیری  $f_i' \approx \frac{f_{i+1} - f_{i-1}}{2h}$  کدام است؟

$$O(h^4) \quad .4$$

$$O(h^3) \quad .3$$

$$O(h^2) \quad .2$$

$$O(h) \quad .1$$

-۱۸- مقدار  $\int_0^1 \sin(x) dx$  به روش نقطه میانی و انتخاب  $h = \frac{1}{4}$  کدام است؟

$$0.3521 \quad .4$$

$$0.4573 \quad .3$$

$$0.2812 \quad .2$$

$$0.4609 \quad .1$$

-۱۹- تعداد زیربازه‌ها در روش سیمسون برای محاسبه  $\int_{-1}^0 e^x dx$  با خطای کمتر از  $45 \times 10^{-6}$  کدام است؟

$$4 \quad .4$$

$$3 \quad .3$$

$$2 \quad .2$$

$$1 \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: آنالیز عددی، آنالیز عددی ۱

روش تحصیلی/ گد درس: ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض) ۱۱۱۰۴۳ - ، آمار ۱۱۱۰۸۹ - ، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۲۹۱ - ، آموزش

www.PnuNews.Com

www.PnuNews.net

ریاضی ۱۱۱۱۲۹۱

-۴۰ مقدار تقریبی انتگرال  $\int_0^1 x^2 dx$  با قاعده رامبرگ برای  $h = 1$  و  $h = \frac{1}{2}$  کدام است؟

$$\frac{1}{2} \cdot 4$$

$$\frac{3}{8} \cdot 3$$

$$\frac{1}{4} \cdot 2$$

$$\frac{1}{3} \cdot 1$$

-۴۱ کدام باشند تا فرمول انتگرالگیری  $\int_{-1}^1 f(x)dx \approx af(b)$  تا درجه یک دقیق باشد؟

$$b=1, a=2 \cdot 2$$

$$b=0, a=2 \cdot 1$$

$$b=-1, a=-2 \cdot 4$$

$$b=0, a=-2 \cdot 3$$

-۴۲ برای محاسبه  $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x}}$  کدام روش مناسبتر است؟

۱. روش سیمسون

۲. روش ذوزنقه

۳. روش نقطه میانی

۴. روش گوس دونقطه ای

۴. روش دو نقطه ای گاووس از نظر دقت با کدامیک از روش‌های زیر قابل مقایسه است؟

۱. ذوزنقه ای

۲. سیمسون

۳. گاووس

۴. روش نقطه میانی

-۴۴ تقریبی از  $y(0.2)$  برای دستگاه  $\begin{cases} y'(x) = e^{xy} \\ y(0) = 1 \end{cases}$  به روش اویلر به ازای  $h = 0.1$  کدام است؟

$$1.2 \cdot 4$$

$$1.1116 \cdot 3$$

$$1.2116 \cdot 2$$

$$1.1 \cdot 1$$

-۴۵ مقدار تقریبی  $y(0.1)$  برای دستگاه  $\begin{cases} y' = x + y \\ y(0) = 1 \end{cases}$  با انتخاب  $h = 0.1$  به روش رانگ-کوتای مرتبه ۲ برابر کدام است؟

$$1.21 \cdot 4$$

$$1.2 \cdot 3$$

$$1.11 \cdot 2$$

$$1.1 \cdot 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: آنالیز عددی، آنالیز عددی ۱

روش تحصیلی/گد درس: ریاضی (کاربردی)، ریاضی (محض) ۱۱۱۰۴۳ - ، آمار ۱۱۱۰۸۹ - ، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۱۲۹۱ - ، آموزش ریاضی ۱۱۱۱۲۹۱

## سوالات تشریحی

-۱ با استفاده از روش تفاضلات متناهی پسرو چندجمله‌ای درونیاب مربوط بهتابع جدولی زیر را مبتنی بر نقطه  $x_3 = 2$  به دست آورید:

$x_i$	-1	0	1	2
$f_i$	2	1	3	8

-۲ کوچکترین ریشه معادله  $\tan(x) - \cos(x) = \frac{1}{2}$  را به روش وتری و با فرض  $x_0 = 0.5$  و  $x_1 = 1$  و با شرط  $|x_{n+1} - x_n| \leq 0.01$  بدست آورید.

-۳ نشان دهید خطای قاعده ذوزنقه‌ای  $\int_{x_i}^{x_{i+1}} f(x) dx = \frac{h}{2}(f_i + f_{i+1})$  برابر است که در آن  $\eta_i \in [x_i, x_{i+1}]$ .

-۴ تقریبی از (1.1) را به روش رونگه کوتای مرتبه ۴ و با فرض  $h = 0.1$  برای دستگاه  $\begin{cases} y' = x + 2y \\ y(1) = -1 \end{cases}$  بدست آورید.