

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

www.PnuNews.com

روش تحصیلی / گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی، ریاضی محض (ارشد) ۱۱۱۰۳۷ - www.PnuNews.net ریاضی محسن (آنالیز)، ریاضی محض (جبر) ۱۱۱۱۳۲۵

عنوان درس: جبر، مبانی جبر

- کدامیک از اعمال دوتایی زیر جابجایی و شرکت پذیر است؟

۲. عمل تففیق روی Z

۱. عمل * روی Z به صورت $a * b = 2(a+b)$

۴. عمل * روی Z به صورت $a * b = a$

۳. عمل * روی Z به صورت $a * b = 2ab$

۴. جواب معادله $\bar{2} \oplus x \oplus \bar{7} = \bar{1}$ در گروه (Z_{12}, \oplus) کدام است؟

$x = \bar{1}$

$x = \bar{2}$

$x = \bar{4}$

$x = \bar{0}$

- رتبه عدد i در گروه اعداد مختلط غیر صفر تحت عمل ضرب کدام است؟

۸. ۲

۴. ۱

۴. این عدد دارای رتبه نامتناهی است.

۱. ۳

- فرض کنید G گروهی از مرتبه ۱۰ و $x \in G$ از مرتبه ۵ باشد. آنگاه $O(x^2)$ کدام است؟

۱۰. ۴

۱. ۳

۲. ۲

۵. ۱

- فرض کنید G یک گروه $x, y \in G$ چنان باشد که $x \neq e, O(y) = 2, yxy^{-1} = x^2$. آنگاه $O(x)$ کدام است؟

۴. ۴

۲. ۳

۳. ۲

۱. ۱

- مرکز گروه $K_4 = \{e, a, b, c\}$ کدام است؟

$\{a, b, c\}$

$\{e, a\}$

K_4

$\{e\}$

- گروه دوری $\langle x \rangle$ از مرتبه n را در نظر بگیرید. توانهای x^s, x^r از x زیرگروه های برابر تولید می کنند اگر و فقط اگر:

$(r, n) = (s, n)$

s مضربی از r باشد.

r مضربی از s باشد.

$r = s$

- فرض کنید $\langle a \rangle$ گروهی دوری از مرتبه ۶۰ باشد. تعداد مولدهای زیرگروه دوری $\langle a^{16} \rangle$ کدام است؟

۸. ۴

۱۵. ۳

۳. ۲

۱۶. ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبرا، مبانی جبرا

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی، ریاضی محض (ارشد) ۱۱۱۰۳۷ - ریاضی www.PnuNews.net ریاضی
محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبرا) ۱۱۱۱۳۲۵

۹- کدام گزینه در مورد گروه $Z_2 \times Z_2$ درست است؟

۱. از نظر جبرا $Z_2 \times Z_2$ ساختاری مشابه با Z_4 دارد.

۲. همان گروه $Z_2 \times Z_2$ ۴-کلاین است.

۱. گروهی دوری است.

۲. گروهی غیر آبلی است.

۱۰- رتبه عضو $(\bar{2}, \bar{3}, \bar{2})$ در گروه $Z_4 \times Z_9 \times Z_{20}$ کدام است؟

۱. ۴

۲. ۳۰

۳. ۶۰

۴. ۱۰

۱۱- برای هر $n \geq 3$ مرکز گروه S_n کدام است؟

۱. $\{\mathcal{E}\}$

۲. Z_n

۳. A_n

۴. S_n

۱۲- شاخص زیرگروه $H \lhd G$ از گروه $(Z_{10}, +)$ کدام است؟

۱. ۴

۲. ۱۰

۳. ۵

۴. ۲

۱۳- فرض کنید $G = (Z, +)$ و $H \lhd G$. در این صورت کدام گزینه در مورد گروه $\frac{G}{H}$ درست است.

۱. گروهی ۲ عضوی است.

۱. گروهی نامتناهی است.

۲. گروهی غیر آبلی است.

۲. گروهی غیر دوری است.

۱۴- مرتبه گروه متناوب A_4 کدام است؟

۱. ۶

۲. ۱۲

۳. ۴!

۴. ۱

۱۵- کدام گزینه درست است؟

۱. هر قلمرو صحیح یک میدان است.

۱. هر قلمرو صحیح یک میدان است.

۲. هر میدان یک قلمرو صحیح است.

۳. هر قلمرو صحیح نامتناهی یک میدان است.

۱۶- فرض کنید R حلقه‌ای با عضو یکه $u \in R$ یک یکه باشد. در اینصورت:

۱. اگر $r = 0$, $ru = 0, r \in R$ آنگاه $u = 0$.

۱. u یک مقسوم علیه صفر در R است.

۲. $u = 1$.

۳. عنصری چون v در R موجود است که $uv = 0$.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبرا، مبانی جبرا

و شته تحصیلی / کد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی، ریاضی محض (ارشد) ۱۱۱۰۳۷ - ریاضی www.PnuNews.net پیوست ۱۱۱۱۳۲۵ ریاضی محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبرا)

-۱۷ فرض کنید R حلقه غیر صفر و با عضو یکه باشد. R یک حلقه بخشی است هر گاه:

۱. هر عضو R یک یکه باشد.

۲. (R, \cdot) یک گروه باشد.

۳. $(R - \{0\}, \cdot)$ یک گروه آبلی باشد.

-۱۸ در حلقه تعویض پذیر R با عضو یکه ایده آل I اول است اگر و فقط اگر:

۱. $\frac{R}{I}$ یک میدان باشد.

۲. $\frac{R}{I}$ حلقه صفر باشد.

۱. $\frac{R}{I}$ یک میدان باشد.

۲. $\frac{R}{I}$ یک دامنه صحیح باشد.

-۱۹ کدام گزینه نادرست است؟

۱. مشخصه هر میدان متناهی عددی اول است.

۱. مشخصه هر میدان متناهی عددی اول است.

۲. برای عدد اول p از مشخصه صفر است.

۲. برای عدد اول p از مشخصه صفر است.

-۲۰ فرض کنید S یک زیرحلقه R و I یک ایده آل حلقه R باشد. حلقه خارج قسمتی $\frac{S}{S \cap I}$ با کدامیک از حلقه های زیر

یکریخت است؟

۱. $\frac{I}{S}$

۲. $\frac{S+I}{S}$

۳. $\frac{S+I}{I}$

۴. $\frac{S}{I}$

سوالات تشریحی

۱- فرض کنید $\langle x \rangle = G$ گروهی دوری از مرتبه n^m باشد. نشان دهید که به ازای هر عدد صحیح و مثبت G, m دارای زیرگروهی از مرتبه m^n است اگر و تنها اگر n, m را تقسیم کند.

۲- فرض کنید G یک گروه باشد نشان دهید هر زیرگروه از $Z(G)$ در G نرمال است و از آنجا نتیجه بگیرید که اگر G آبلی باشد آنگاه هر زیرگروه آن نرمال است.

۳- فرض کنید $\varphi: S_n \rightarrow (\{-1, 1\}, \cdot)$: φ چنان باشد که برای جایگشت دلخواه و زوج f $\varphi(f) = 1$, f و برای جایگشت دلخواه و فرد f $\varphi(f) = -1$.

ابتدا نشان دهید که φ یک همیختی پوشان است سپس هسته φ را پیدا کرده و نشان دهید که

$$\frac{S_n}{A_n} \cong (\{-1, 1\}, \cdot)$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: جبر ۱، مبانی جبر

روش تحلیلی / گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی، ریاضی محض (ارشد) ۱۱۱۰۳۷ - ریاضی www.PnuNews.net پیوسته ریاضی
محض (آنالیز)، ریاضی محض (جبر) ۱۱۱۱۳۲۵

۴- فرض کنید D قلمرو صحیح باشد که دارای تعدادی متناهی ایده آل است. ثابت کنید که D یک میدان است.

۵- نشان دهید که در حلقه تعویض پذیر با عضو یکه R شرط لازم و کافی برای آنکه ایده آل I اول باشد آن است

که $\frac{R}{I}$ قلمرو صحیح باشد.